

Math4You

2023–2025

Miura-ori

Miura-ori (Miura fold) je jeden z neznámějších způsobů skládání papíru v origami. Když slyšíme slovo origami, představíme si asi nejdříve papírovou skládanku ve tvaru zvířete nebo lodičky. Tyto jednoduché tvary často slouží jako první krok do fascinujícího světa skládání papíru. Existují ale i origami, které zaberou několik hodin či dokonce dní pečlivé práce.

Fascinující je ale skutečnost, že princip skládání, jak ho známe z origami, se objevuje i v přírodě kolem nás i v nás samotných. Rozvíjející se poupě květu, jemně se rozbalující křídla hmyzu ukrytá pod pevnými krovkami, složitá struktura lidské DNA, nebo stěny tlustého střeva, to vše využívá principy podobné těm, které najdeme v origami. Schopnost materiálů a struktur „skládat se“ a „rozkládat se“ podle potřeby je jedním ze základních stavebních prvků života. V posledních letech zažilo origami skutečný rozmach, a to nejen jako koníček pro milovníky papíru, ale i v mnoha uměleckých a vědních oborech. Ovlivnilo architektury, designéry nábytku, umělce a vědce. Origami se tak proměnilo z pouhého umění skládání papíru v nástroj, který pomáhá formovat budoucnost.

Origami ve vědě

Jedna z oblastí, kde origami našlo uplatnění, je vesmírný program. Při přepravě rozměrných objektů ve vesmíru je třeba, aby se daly složit do menších rozměrů. Jeden z takovýchto objektů je tzv. starshade, obří štít určený k blokování světla hvězdy. Astronomové ho potřebují k pozorování planet, které se nacházejí v blízkosti zářivých hvězd, protože jas těchto hvězd pozorování znemožňuje.

Výhodné je také použití origami v robotice. Roboti, jejichž konstrukce je založená na origami, mají potenciál být rychlejší, levnější a snadněji vyrobitelní než roboti vytvoření pomocí tradičních výrobních postupů.

Vznikají nové druhy materiálů používající origami struktury. Vzory těchto origami jsou často založeny na periodickém dělení roviny. Na ten neznámější vzor a způsob skládání papíru se zaměříme v následujících úlohách.

Použití a skládání Miura-ori

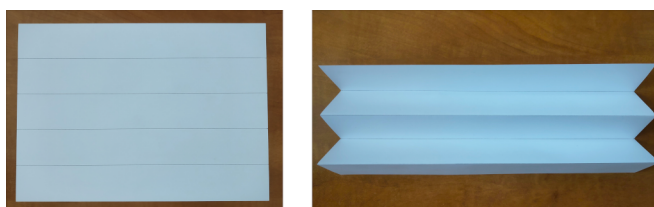
Tuto techniku skládání vynalezl japonský astrofyzik Koryo Miura. Po otevření struktury se zdá, že je rovnoměrně rozdělena na šachovnici rovnoběžníků.

Co-funded by the Erasmus+ Programme of the European Union.

U tohoto konkrétního vzoru existuje jeden jednoduchý způsob, jak jej otevřít nebo zavřít. Zatáhnete za jeden roh a origami se otevře s minimálním úsilím. Miura zamýšlel tento způsob skládání pro solární panely a v roce 1995 byl solární panel s touto konstrukcí rozložen na japonské družici Space Flyer Unit. Od té doby našla tato technika skládání mnoho dalších aplikací, využívají ji například některé cestovní solární panely, nebo skládací neprůstřelné štíty pro policejní složky. Tímto způsobem se také například v Japonsku skládají mapy, aby nedocházelo k obvyklému opotřebení v rozích.

Vzor je také využíván v materiálovém inženýrství jako vnitřní část sendvičové struktury. Pokud je vyroben z kevlarové papírenské konstrukce, vláknité desky nebo plastové fólie a vložen mezi dva krycí listy, vznikne lehká konstrukce, která je velmi pevná a stabilní.

Zkusme si tento vzor složit. Začít můžeme třeba s obvyklým formátem papíru A4, který má rozměr 210 mm x 297 mm. Pro plynulé rozevírání a zavírání vzoru je vhodné rozdělit strany na lichý počet dílků. Začneme tím že kratší rozměry formátu A4 rozdělíme na 5 stejně velkých dílků, jeden dílek tedy bude mít délku 42 mm. Body ležící naproti sobě spojíme a papír v těchto spojnicích poskládáme do tvaru harmoniky.



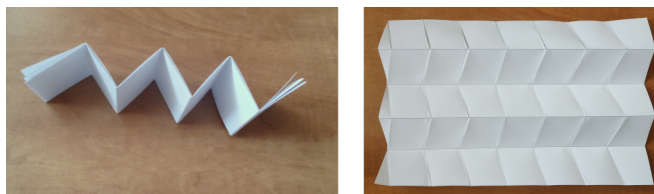
Obrázek 1: Skládání vzoru Miura Ori

Jednu z delších hran nyní rozdělíme na 7 dílků. Libovolným bodem dělení povedeme úsečku, která svírá jiný než pravý úhel s delší hranou. Ostatními body dělení vedeme rovnoběžky s touto úsečkou.



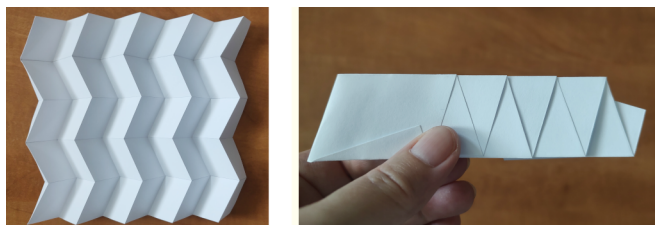
Obrázek 2: Skládání vzoru Miura Ori

V těchto vzájemně rovnoběžných úsečkách harmoniku přehneme. Nyní máme všechny potřebné sklady výsledného vzoru, některé jsou ale ohnuté jiným směrem, než potřebujeme.



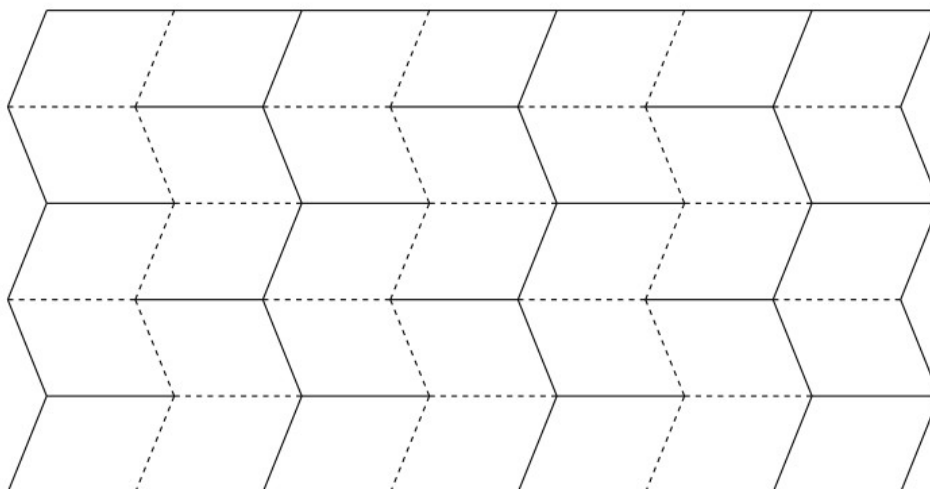
Obrázek 3: Skládání vzoru Miura Ori

Harmoniku rozložíme a přeskládáme tak, aby se z jednotlivých lomených čar staly hřebeny a údolí a to střídavým způsobem.



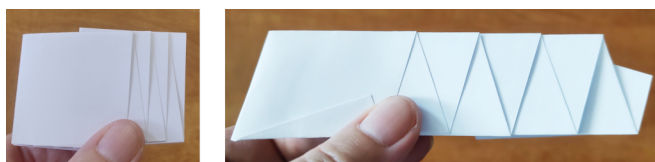
Obrázek 4: Skládání vzoru Miura Ori

Hrany vzoru Miura Ori se v origami naznačují tak, jak na následujícím obrázku, tedy hřebeny plně, údolí čárkovaně.



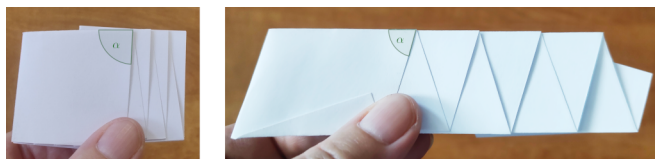
Obrázek 5: Miura Ori

Úloha 1. Na obrázku níže jsou dvě varianty, jak může výsledný vzor ve složeném tvaru vypadat (při stejném výchozím formátu papíru a stejném počtu dílků dělení). Na jakých parametrech závisí výsledná délka?



Obrázek 6: Rozdílná řešení

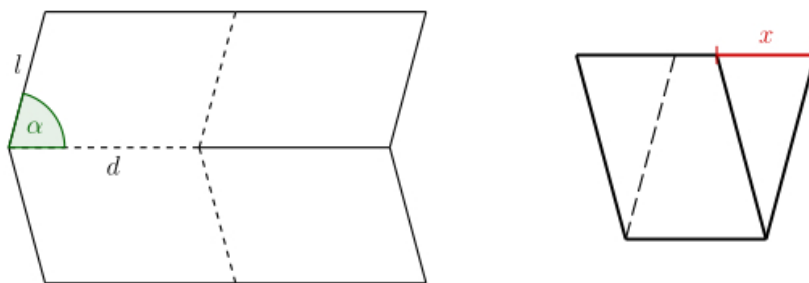
Řešení. Jednoduchým porovnáním vzorů je zřejmé, že délka výsledného vzoru je závislá na úhlu, pod kterým jsme vedli úsečky svírající jiný než pravý úhel s delší hranou. Mělo by to být zřejmé, protože to je jediné, v čem se vzory odlišují. Označme tento ostrý úhel α . Platí, že čím ostřejší je úhel α , tím větší je délka složeného vzoru. Čím blíže je tento úhel velikosti 90° , tím je složený vzor kratší.



Obrázek 7: Rozdílná řešení

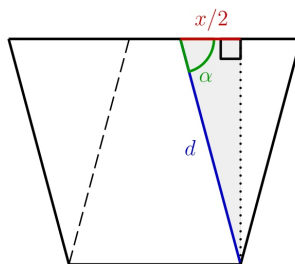
Zatím jsme porovnávali dva různé výsledky při obdobném dělení. Jak přesně ale závisí délka složeného vzoru na úhlu α a na dalších parametrech? Při dalším zkoumání této závislosti je dobré zaměřit se na základní část vzoru.

Úloha 2. Jak závisí délka x základního vzoru Miura-ori ve složeném stavu na velikosti úhlu α a délkách d , l ? Zadání viz obrázek.



Obrázek 8: Základní část vzoru Miura Ori v rozloženém a složeném stavu

Řešení. Je důležité označit parametry v obrázku na vhodných místech.



Obrázek 9: odvození délky

Pro $\cos \alpha$ pak máme

$$\cos \alpha = \frac{\frac{x}{2}}{d} = \frac{x}{2d},$$

odkud jednoduše vyjádříme

$$x = 2d \cdot \cos \alpha.$$

Délka x tedy vůbec není závislá na l , ale pouze na úhlu α a délce d .

Literatura a odkazy

- <https://www.youtube.com/watch?v=uFyJykl1O0k>
- <https://www.youtube.com/watch?v=ZVYz7g-qLjs>
- <https://laughingsquid.com/millidelta-small-origami-inspired-robot/>
- <https://www.jpl.nasa.gov/news/solar-power-origami-style>
- https://en.wikipedia.org/wiki/File:NASA_Starshade_animation.webm