

Objem chladiacej veže jadrovej elektrárne

Keywords: diferenciálny a integrálny počet, hyperbola, analytická geometria, objem, integrálny počet

Chladiace veže elektrárne sú monumentálne betónové stavby, týčiace sa do neba a vypúšťajúce biele oblaky vodnej pary. Tieto železobetónové škrupiny, postavené na tenkých desaťmetrovoch nohách, sú neoddeliteľnou súčasťou technológie elektrárne. Každá chladiaca veža má tepelný výkon viac ako 1 000 MW. To znamená, že každú hodinu sa do vzduchu uvoľní dostatok tepla na vykurovanie približne osemdesiatich domov po celý rok.

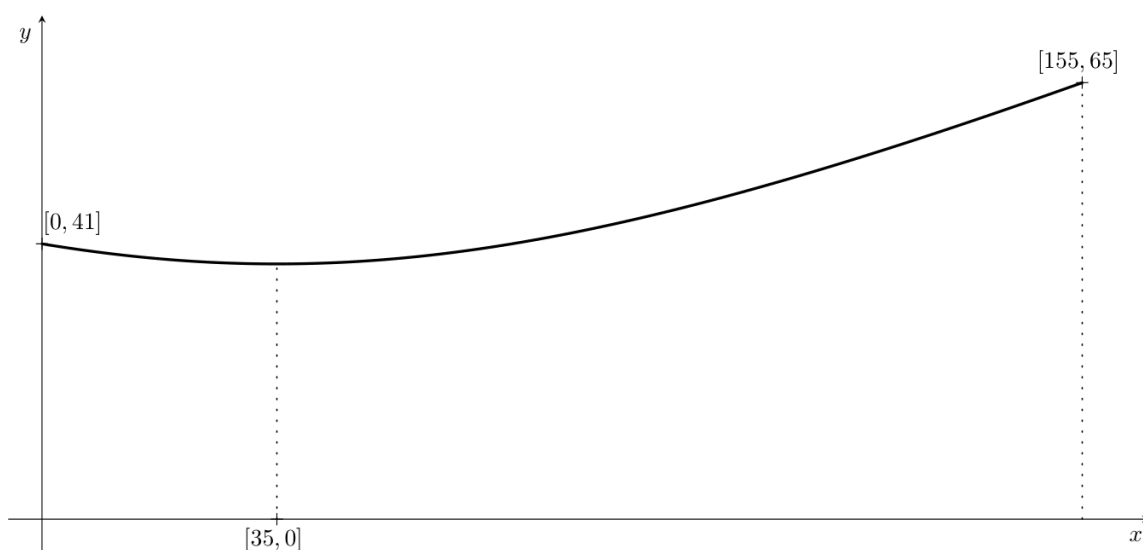
Chladiaca veža jadrovej elektrárne Temelín má tvar jednodielneho rotačného hyperboloidu. Od výšky dvadsať metrov až po vrchol vo výške 155 m je vnútro veže úplne duté. Táto železobetónová škrupina je v spodnej časti veže hrubá 90 cm, čo je len dvojnásobok hrúbky obvodovej nosnej steny tehlového rodinného domu. Hrúbka sa postupne znižuje smerom nahor a v korune je škrupina široká ako koleso auta (približne 18 cm). Celá škrupina je postavená na približne sto betónových nohách, ktoré tvoria vstupné otvory pre nasávanie vzduchu. Kruhový bazén pod vežou (rovnako ako samotná veža v spodnej časti) má priemer približne 130 m.



Obr. 1: Typická chladiaca veža

Zadanie

Našou úlohou je určiť objem chladiacej veže jadrovej elektrárne Temelín. K tejto úlohe pristúpime postupne. Najprv nájdeme funkciu, pomocou ktorej budeme vežu modelovať a potom určíme jej objem pomocou určitého integrálu. Pre zjednodušenie výpočtov mierne idealizujeme skutočnú chladiacu vežu (zaokrúhlime niektoré rozmery). Predpokladajme, že veža má tvar časti hyperboloidu s výškou 155 m, polomerom základne 65 m a polomerom koruny 41 m. Jej najužšie miesto sa nachádza 35 m pod korunou chladiacej veže. Aby sme mohli pracovať so súradnicami, ako sme zvyknutí, umiestnime os rotačného hyperboloidu tak, aby sa zhodovala so súradnicovou osou x . Navyše ju umiestnime tak, aby prierez chladiacej veže pozdĺž jej osi tvoril časť hyperboly, pričom základňa veže sa nachádza v bode $[155, 65]$ a vrchol (koruna) v bode $[0, 41]$. Keďže najužšia časť veže je 35 m pod korunou chladiacej veže tak stred hyperboly má súradnice $[35, 0]$. Chladiacu vežu možno vytvoriť rotáciou časti tejto hyperboly okolo osi x .



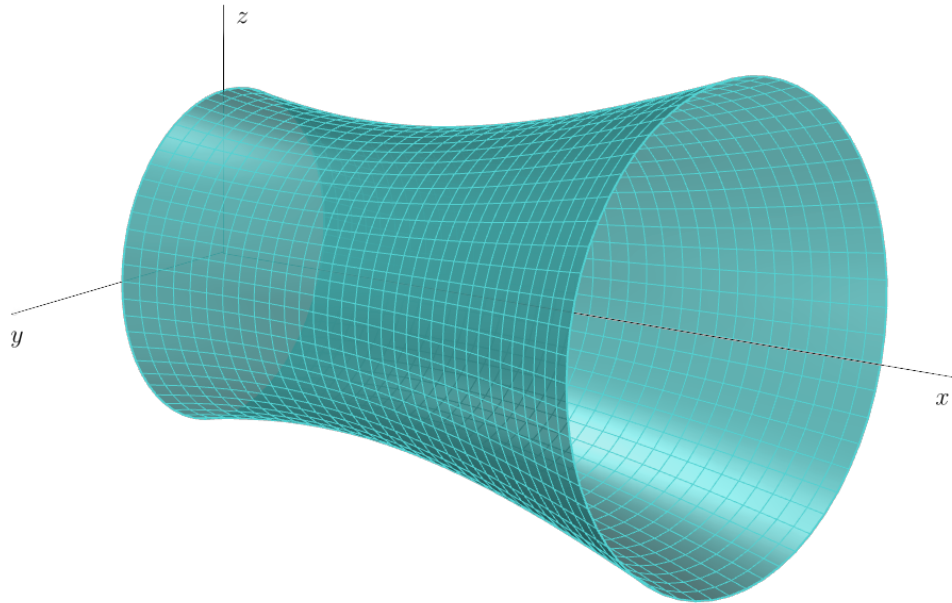
Obr. 2: Rez ležiacej chladiacej veže. Koruna veže je umiestnená vľavo, základňa vpravo

Úloha 1. Napíšte všeobecný tvar rovnice hyperboly so stredom $[35, 0]$ a ohniskami ležiacimi na osi rovnobežnej s osou x .

Úloha 2. Určte všeobecný tvar rovnice hyperboly, ktorej časťou je prierez chladiacej veže, ak na nej ležia body $[155, 65]$ a $[0, 41]$. Do rovnice dosadzte za a^2 , b^2 hodnoty zaokrúhlené na jednotky.

Úloha 3. Zo všeobecného tvaru rovnice hyperboly vyjadrite funkciu, ktorá opisuje vetvu hyperboly ležiacu nad osou x .

Úloha 4. Vypočítajte objem rotačného telesa vzniknutého rotáciou časti vetvy hyperboly modelujúcej chladiacu vežu na intervale $x \in \langle 0, 155 \rangle$ okolo osi x .



Obr. 3: 3D model chladiacej veže

Literatúra

- Wikipedie. *Temelín – technologie a zabezpečení* [online]. Dostupné z <https://www.cez.cz/cs/o-cez/vyrobni-zdroje/jaderna-energetika/jaderna-energetika-v-ceske-republice/ete/technologie-a-zabezpeceni-1> [cit. 28.,11.,2023].
- ČEZ. *Chladicí věž – jak to funguje* [online]. Dostupné z <https://www.svetenergie.cz/cz/energetika-zblizka/jaderne-elektrarny-pro-deti/co-vsechno-v-jaderne-elektrarne-najdeme/chladici-vez/jak-to-funguje> [cit. 28.,11.,2023].
- Hochtief. *Chladicí věž – obrázek* [online]. Dostupné z <https://www.hochtief.cz/nase-projekty/referencni-projekty/prumyslove/temelin-sekundarni-ochrana-vnejsiho-plaste-chladicich-vezi-na-jaderne-elektrarne-temelin> [cit. 28.,11.,2023].