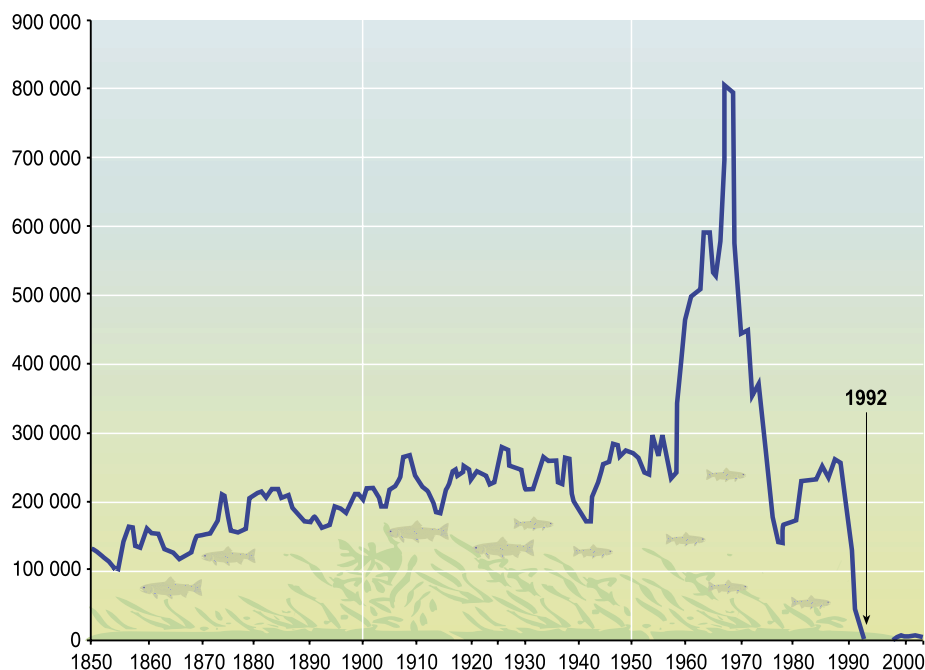


Upadek połowów dorsza

Keywords: funkcje, funkcja kwadratowa, równanie kwadratowe

Państwa nadbrzeżne mają w zasięgu ręki ogromne bogactwo ryb w oceanach. To bogactwo jest pozornie nieskończone i stabilne. Jednak ludzie nauczyli się kilku gorzkich lekcji, że tak nie jest. Jedną z najważniejszych lekcji sięga roku 1992. Zatoka u wybrzeży Nowej Fundlandii zawsze była bogata w dorsze (*Gadus morhua*, dorsz atlantycki). Łódź, która przybyła tam na ryby, nigdy nie odpłynęła bez obfitego połowu. Z czasem jednak sytuacja zaczęła się zmieniać. Pod koniec lat 80 biologzy wezwali do ograniczenia połowów o 50%, aby uniknąć płdrowania łowisk. Jednakże, ponieważ ograniczenie połowów doprowadziłoby obszar do recesji, rząd nie zdecydował się na nałożenie limitów. Niestety, natura rządzi się swoimi prawami. Stopniowo sytuacja osiągnęła punkt, w którym wstrzymanie połowów było nieuniknione. Populacja dorsza spadła do zaledwie jednego procenta pierwotnego poziomu. W związku z tym ogłoszono moratorium na połowy. Początkowo moratorium miało trwać dwa lata. Jednak mała populacja dorsza nie odbudowała się znacząco. Dlatego ograniczenia trwały znacznie dłużej niż pierwotnie przewidywano. Pomimo pewnej nadziei na złagodzenie ograniczeń w 2015 r., dopuszczalny wskaźnik został ponownie zmniejszony w 2018 r. po ponownym załamaniu się populacji. Moratorium na połowy spowodowało utratę pracy przez 35 tys. rybaków i pracowników przetwórci ryb. Miało to ogromny wpływ ekonomiczny i socjologiczny wpływ na cały region.



Rysunek 1: Wykres przedstawia ewolucję połowów dorsza na Nowej Fundlandii w tonach ryb. Źródło: Milenijna ocena ekosystemów

Należy dodać, że opisany powyżej przypadek nie jest wyjątkowy. Równoległe z załamaniem się rybołówstwa na Nowej Fundlandii, podobna sytuacja miała miejsce na pięciu innych kanadyjskich łowiskach, na których w 1993 r. wydano moratorium na połowy (Southern Grand Bank, St. Pierre Bank, Northern Gulf of St. Lawrence, Southern Gulf of St. Wawrzyńca, Szelf Szkocji Wschodniej). A czy czytałeś powieść

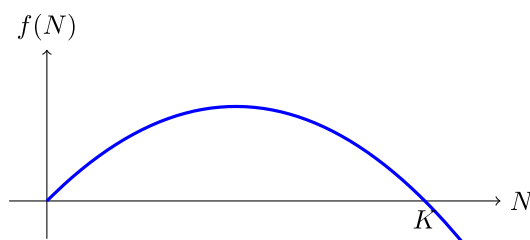
Steinbecka z 1945 roku *Cannery Row*? Opisuje ona życie w fabryce sardynek w Kalifornii. Wkrótce po opublikowaniu powieści rybołówstwo zaczęło się załamywać z powodu niezrównoważonych połowów, a połowy komercyjne musiały zostać zakazane w 1967 roku.

Modelowanie wzrostu populacji

Aby zapobiegać załamaniom rybołówstwa i być w stanie realistycznie i skutecznie modelować wzrost populacji w przyrodzie, opracowano skuteczne i sprawdzone modele matematyczne. Jeden prosty, ale dość dokładny model opisuje tempo wzrostu populacji za pomocą funkcji kwadratowej:

$$f(N) = rN \left(1 - \frac{N}{K}\right),$$

gdzie N to wielkość populacji, $f(N)$ to tempo wzrostu populacji, a r i K to stałe. Stała K nazywana jest nośnością środowiska. Stałe r i K określają zdolności reprodukcyjne populacji i wpływ środowiska na populację. Stałe te nadały również nazwy teorii selekcji r/K , która opisuje dwie podstawowe strategie życiowe, które pomagają populacjom w przyrodzie z powodzeniem się rozwijać. Populacje, które kwalifikują się jako r -strategowie, są w stanie szybko się rozmnażać. Nie troszczą się one zbyt o swoje potomstwo i rekompensują troskę obfitością. Populacje te mają dużą wartość stałej r . W przeciwieństwie do tego, K -strategowie mają niewiele potomstwa, ale dbają o nie i lepiej radzą sobie ze zmianami środowiskowymi. Dlatego wielkość ich populacji jest bliższa pojemności środowiska niż w przypadku r -strategów.



Rysunek 2: Tempo wzrostu populacji jako funkcja wielkości populacji.

Tempo wzrostu wskazuje, o ile zwiększa się wielkość populacji w jednostce czasu. Jeśli wynosi zero, wielkość populacji nie zmienia się. Jeśli tempo wzrostu jest dodatnie i liczbowo duże, liczebność populacji szybko rośnie. Jeśli tempo wzrostu jest ujemne, liczebność populacji spada i populacja wymiera. Wykres funkcji modelującej tempo wzrostu przedstawiono na rysunku. Model ten odzwierciedla dobrze znane fakty, że populacja o niewielkich rozmiarach rozmnaża się powoli (mała populacja ma niewiele osobników, a zatem niewiele osobników zdolnych do reprodukcji). Model uwzględnia również fakt, że większa populacja rozmnaża się szybciej, ale tylko do pewnego stopnia, na jaki pozwala nośność środowiska.

Zadania

Rozważmy hipotetyczną populację narażoną na zbiory. Zmierzmy wielkość populacji w odpowiednich jednostkach. Może to być liczba osobników, tysiące osobników, tony itd. Dla przykładu, rozważmy parametry $K = 1000$ i $r = 0,1$. Oznacza to, że wielkość populacji, która może przetrwać w środowisku,

wynosi 1000, a mała populacja, która nie cierpi z powodu konkurencji wewnątrzgatunkowej, rośnie w tempie 10% jej obecnego rozmiaru na jednostkę czasu.

Zadanie 1. Wyznacz wielkość populacji N_* , która gwarantuje maksymalne tempo wzrostu. Znajdź to maksymalne tempo wzrostu. Odtąd będziemy oznaczać tę wartość przez h_* , ponieważ jest to również maksymalny teoretyczny możliwy wskaźnik odłowu (zwany również intensywnością odłowu). Wartość N_* to wielkość populacji przy tym maksymalnym wskaźniku.

Zadanie 2. Określ, ile razy zmniejszy się tempo wzrostu populacji, jeśli liczebność populacji spadnie z poziomu N_* , który pozwala na maksymalną możliwą intensywność zbiorów, do jednego procenta. Jest to wartość, do której należałoby zmniejszyć zbiory, aby zapobiec dalszemu spadkowi. (W praktyce jednak chcielibyśmy odbudować populację, i dlatego samo ograniczenie określone w tym kroku nie jest wystarczające).

Zadanie 3. Załóżmy ostrożne połowy na poziomie 80 procent maksymalnego zrównoważonego odłowu h_* . Nawet w tym przypadku należy zachować ostrożność. Jeśli populacja jest zbyt mała, nie poradzi sobie z połowami. Określ, jaka jest minimalna wielkość populacji, która jest w stanie poradzić sobie z połowami na poziomie równym 80 % h_* bez załamania.

Referencje i literatura

Literatura

- Wikipedie, *Collapse of the Atlantic northwest cod fishery*, https://en.wikipedia.org/wiki/Collapse_of_the_Atlantic_northwest_cod_fishery, October 1, 2023
- Ransom A. Myers; Jeffrey A. Hutchings; Nicholas J. Barrowman (1997). *Why do fish stocks collapse? The example of cod in Atlantic Canada* (PDF). *Ecological Applications*. 7 (1): 91–106. doi:10.1890/1051-0761(1997)007[0091:WDFSCT]2.0.CO;2. JSTOR 2269409.
- *Collapse of the Pacific Sardine (Again)*, <https://fishbio.com/collapse-pacific-sardine/>, October 1, 2023
- *r/K selection theory*, Wikipedie, https://en.wikipedia.org/wiki/R/K_selection_theory, October 1, 2023

Źródła obrazu

- Millennium Ecosystem Assessment: Ecosystems and Human Well-being: Opportunities and Challenges for Business and Industry Ecosystems, <https://www.millenniumassessment.org/documents/document.353.aspx.pdf>, October 1, 2023