



Math4You

2023–2025

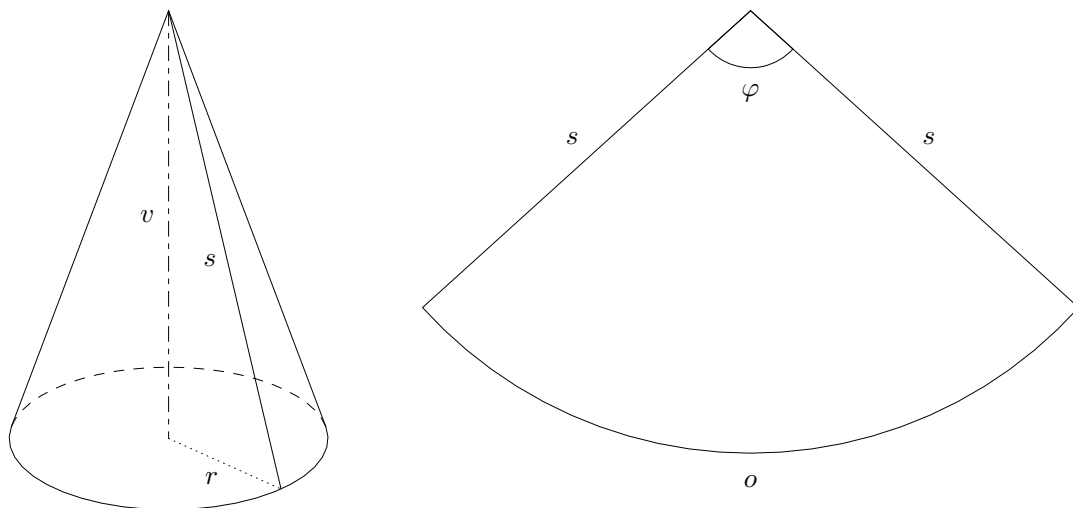
Čepice na karneval

Osmiletá Anička chce jít na dětský karneval v kostýmu bílé paní, jehož součástí bude i bílá čepice kuželovitého tvaru. Rodiče využili příležitosti procvičit si s Aničkou geometrickou představivost a místo nákupu se rozhodli s ní čepici vyrobit.

Úloha. Anička s maminkou zjistili krejčovským metrem, že obvod Aniččiny hlavy je 52 cm. Společně se dále dohodli, že čepice bude 30 cm vysoká. Jak čepici vyrobit?

Řešení. Čepice je tvořena pláštěm kužele, kde známe obvod podstavy o (52 cm) a výšku kužele v (30 cm). Rozbalený plášť kužele je pak kruhovou výsečí o neznámém poloměru s (velikost strany kužele) a neznámém středovém úhlu φ . Tyto údaje musíme vypočítat. Dále víme, že délka oblouku kruhové výseče je rovna obvodu o .

Co-funded by the Erasmus+ Programme of the European Union.



Obrázek 1: Kuželová čepice

Nejprve z obvodu podstavy spočítáme poloměr podstavy r a poté Pythagorovou větou délku strany s .

$$r = \frac{o}{2\pi} = \frac{52}{2\pi} \doteq 8,28 \text{ cm}$$

$$s = \sqrt{v^2 + r^2} = \sqrt{30^2 + 8,28^2} \doteq 31,12 \text{ cm}$$

Nyní určíme úhel φ . Vypočítáme nejprve obvod O celého kruhu o poloměru s , dostáváme

$$O = 2\pi s \doteq 195,53 \text{ cm}.$$

Následně využijeme přímé úměrnosti mezi délkou oblouku tohoto kruhu a příslušným středovým úhlem k výpočtu úhlu φ :

$$\varphi = \frac{o}{O} \cdot 360^\circ = \frac{52}{195,53} \cdot 360^\circ \doteq 95^\circ 44'.$$

Čepici Anička s rodiči vyrobí z kruhové výseče o přibližném poloměru 31 cm a středovém úhlu přibližně 96° .